

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ
РЕСПУБЛИКИ БАШКОРТОСТАН
ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ДОПОЛНИТЕЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ
ЦЕНТР ВЫЯВЛЕНИЯ, ПОДДЕРЖКИ И РАЗВИТИЯ
СПОСОБНОСТЕЙ И ТАЛАНТОВ У ДЕТЕЙ И МОЛОДЁЖИ
РЕСПУБЛИКИ БАШКОРТОСТАН «АВРОРА»

«РАССМОТREНО»

На заседании экспертного совета
ГАОУ ДО ЦРТ «Аврора»
пр. № 10 от 17.12.20



**ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ
ПРОГРАММА**

«Математика»
Возраст: 13-17 лет

Составители:

Дмитриев Олег Юрьевич,
член Всероссийской методической комиссии
по математике, преподаватель кафедры
дифференциальный уравнений и
прикладной информатики Саратовского
государственного университета

Столяров Александр Викторович,
учитель математики МАОУ
«Физико-математический лицей №93» г.Уфы,
заслуженный учитель РФ

Саханевич Михаил Владимирович,
учитель математики МБОУ «Лицей №153» г.Уфы,
заслуженный учитель РФ

Уфа, 2020 г.

Содержание

1.	Пояснительная записка	3
2.	Учебно-тематический план видеокурса	4
3.	Содержание видеокурса	5
4.	Методическое обеспечение	5
5.	Диагностика результативности	7
	Список использованной литературы	12

1. Пояснительная записка

1. Общие положения

1.1. Настоящая рабочая программа определяет порядок организации и проведения интенсивной профильной образовательной программы по математике (далее — профильная программа) центра развития талантов Республики Башкортостан «Аврора» (далее — Центр).

1.2. Профильная программа реализуется Центром с 21 декабря 2020 г. по 29 декабря 2020 г. на базе центра развития талантов Республики Башкортостан «Аврора» (Уфа, ул. Мира, 14).

1.3. Участвовать в профильной программе могут только граждане Российской Федерации, обучающиеся в образовательных организациях Республики Башкортостан.

1.4. Для участия в профильной программе приглашаются обучающиеся 8-11 классов образовательных организаций Республики Башкортостан, отобранные по результатам олимпиад.

1.5. Общее количество участников профильной программы: 30 человек.

1.6 Персональный состав участников профильной программы утверждает Координационный совет Центра по направлению «Наука».

2. Цели и задачи профильной программы

2.1. Профильная программа нацелена на выявление обучающихся, одарённых в области математики, развитие их интеллектуальных способностей, повышение общекультурного и образовательного уровня участников профильной программы.

2.2. Задачи профильной программы:

- подготовка к олимпиадам высокого уровня;
- развитие навыков и культуры оформления решения олимпиадных задач; — формирование у школьников навыков ведения научной дискуссии;
- формирование аналитического и критического мышления обучающихся через систему решений математических задач.

3. Аннотация профильной программы

4.1. Профильная программа включает в себя теоретические и практические занятия по математике.

4.2 Теоретический материал является авторскими разработками.

4.3 Задачи курса составлены по мотивам задач высокого уровня регионального и заключительного этапов ВсОШ.

2. Учебно-тематический план

Программа смены в 8-9 классах

21.12	Делимость и остатки.	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
22.12	Многочлены.	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
23.12	Инварианты	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
24.12	Принцип крайнего	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
25.12	Многоугольники и параллельность	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
26.12	Углы в окружностях	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
27.12	Индукция и процессы	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
28.12	Конструкции и контрпримеры	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
29.12	Итоговый зачёт	Зачёт – 4 часа Разбор зачёта – 2 часа

Программа смены в 10-11 классах

21.12	Делимость и сравнения.	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
22.12	Функции и графики.	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
23.12	Инварианты и полуинварианты	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
24.12	Ряды и индукция	Лекция – 3 часа

		Практика – 3 часа.
25.12	Преобразования плоскости	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
26.12	Углы в окружностях, направленные углы	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
27.12	Неравенства. Доказательство неравенств	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
28.12	Конструкции и контрпримеры	Лекция – 3 часа Практика – 3 часа.
29.12	Итоговый зачёт	Зачёт – 4 часа Разбор зачёта – 2 часа

3. Содержание программы

Тема №1. Делимость и сравнения.

Тема №2. Многочлены, функции и графики.

Тема №3. Инварианты и полуварианты.

Тема №4. Принцип крайнего. Ряды и индукция.

Тема №5. Многоугольники и параллельность. Преобразование плоскости.

Тема №6. Углы в окружностях. Направленные углы.

Тема №7. Индукция и процессы. Неравенства. Доказательство неравенств.

Тема №8. Конструкции и контрпримеры.

Тема №9. Итоговый зачет

4. Методическое обеспечение

Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета математики.

Оборудование учебного кабинета:

- мультимедийное оборудование;
- посадочные места - 20;
- рабочее место преподавателя;
- комплект учебно-методической документации;
- наглядные пособия:
- ✓ таблицы по стереометрии (11 шт), куб (3 шт), прямая призма (3 шт), пирамида (4 шт), конус (4 шт), цилиндр (5 шт), комплект деталей для сборки моделей по

- стереометрии (2 шт), параллельные плоскости, прямая перпендикулярная плоскости, перпендикуляр и наклонная к плоскости, перпендикулярные плоскости;
- ✓ таблицы: многогранники, тела вращения, параллельные плоскости, перпендикулярные прямая и плоскость, основные тригонометрические формулы, тригонометрические формулы, обратные тригонометрические формулы, логарифмическая функция, показательная функция, угол поворота, график функции и её производной, расположение прямой и плоскости;
 - ✓ презентации: аксиомы стереометрии, способы задания плоскости, расположение прямой и плоскости, параллельные прямые в пространстве, перпендикулярные прямые пространстве, перпендикулярные прямая и плоскость в пространстве, свойства перпендикулярных прямой и плоскости, перпендикуляр и наклонная, теорема о трёх перпендикулярах, признак перпендикулярности плоскостей, расстояние между скрещивающимися прямыми, координаты середины отрезка, угол между скрещивающимися прямыми, векторы в пространстве, угол поворота, знаки тригонометрических функций, графики тригонометрических функций, чётные и нечётные функции, периодические функции, понятие о касательной к графику функции, площадь криволинейной трапеции, многогранники, правильные многогранники, призма, пирамида, сечение призмы, сечение пирамиды, правильная пирамида, изображение цилиндра, сечения цилиндра, вписанная и описанная призмы, конус, сечения конуса, вписанная и описанная пирамиды, объём призмы, касательная плоскость к шару, шаровой сектор и сегмент, показательная функция, логарифмическая функция, графики показательной и логарифмической функции;
 - ✓ карточки вариантовых задач для контрольных работ по темам:
 - за курс основной школы;
 - Параллельные прямые и плоскости в пространстве;
 - Перпендикулярные прямые и плоскости в пространстве;
 - Декартовы координаты и векторы в пространстве;
 - Тригонометрические функции числового аргумента;
 - Тригонометрические уравнения и неравенства;
 - Исследование функций;
 - Производная;
 - Применение производной;
 - Тела вращения;
 - Объёмы и поверхности тел вращения;
 - Степень с рациональным показателем;

- Решение показательных уравнений и неравенств;
- Логарифмические уравнения и неравенства;
- Производная показательной и логарифмической функций.

5. Диагностика результативности

Уравнения, неравенства и их системы

1. Выбрать число, которое является корнем уравнения $2(x - 5) = x + 1$;
Варианты ответов: а) 5; б) 11; в) 0; г) -1.

2. Выбрать число, которое является корнем уравнения $(x - 2) = 2(5 - x)$;
Варианты ответов: а) 0; б) 4; в) -1; г) 5.

3. Выбрать уравнения, корнем которых является число -5 .

1) $1 - 3x = 16$; 2) $2(x + 3) = 12 - x$; 3) $3(5-x) + (x+5)=30$; 4) $3 + x = 4x - 15$.
Варианты ответов: а) 2 и 4; б) 1 и 3; в) 3; г) 1.

4. Выбрать уравнения, корнем которых является число 5 .

1) $3x + 1 = 16$; 2) $7 + x = 2x - 22$; 3) $5(2 - x) = 4 + x$; 4) $3(x+2)-(x-2)=18$.
Варианты ответов: а) 1 и 2; б) 2 и 3; в) 1; г) 1 и 4.

5. Решить уравнение $x + (5 + x) = 18$.

Варианты ответов : а) 6,5; б) 9; в) -6,5; г) -9.

6. Решить уравнение $x + (x + 10) = 17$.

Варианты ответов : а) -1,5; б) 8,5; в) 3,5; г) -8,5.

7. Даны уравнения 1) $6x = 42$; 2) $5x + 2 = 3x - 4$; 3) $\frac{1}{3}x = 0$; 4) $0x = 5$; 5)
 $0x=0$.

Какое из приведенных уравнений не имеет корней.

Варианты ответов: а) 5; б) 4; в) 1 и 2; г) 3.

8. Даны уравнения 1) $4x = -28$; 2) $4 - 3x = x + 5$; 3) $\frac{2}{7}x = 0$; 4) $0x = 0$; 5) $0x = -3$. Какое из приведенных уравнений не имеет корней.

Варианты ответов: а) 1 и 2; б) 3; в) 4; г) 5.

9. Найти число, которое на 60% меньше корня уравнения $\frac{4}{7}x = 16$.

Варианты ответов: а) 11,5; б) 11,2; в) 10,8; г) 16,8.

10. Найти число, которое на 30% меньше корня уравнения $\frac{3}{5}x = 9$.

Варианты ответов: а) 12; б) 12,5; в) 10,5; г) 9.

11. Решите уравнение $\frac{x}{3} - \frac{x+1}{2} = 0$.

Варианты ответов: а) $x = 3$; б) $x = -3$; в) $x = 1$; г) $x = -1$.

12. Решите уравнение $\frac{x}{5} - \frac{x+1}{4} = 0$.

Варианты ответов: а) $x = 5$; б) $x = -15$; в) $x = 1$; г) $x = -5$.

13. Решите уравнение: $(y - 5)(y + 5) - y(y - 0,5) = 0$.

Варианты ответов: а) 10; б) -10; в) 50; г) -50.

14. Решите уравнение: $(x - 3)(x + 3) - x(x - 0,3) = 0$.

Варианты ответов: а) -10; б) 30; в) 0,3; г) -30.

15. Выбрать пару чисел, которая является решением системы уравнений:

$$\begin{cases} x + 5y = 7; \\ 3x - 2y = 4. \end{cases}$$

Варианты ответов: а) (4;4); б) (2;1); в) (-3;2); г) (12;-1).

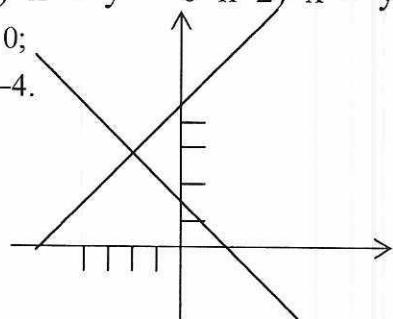
16. Выбрать пару чисел, которая является решением системы уравнений:

$$\begin{cases} 2x - y = 1; \\ x + y = -4. \end{cases}$$

Варианты ответов: а) (1;-3); б) (-1;3); в) (-1;-3); г) $(\frac{5}{3}; -\frac{1}{3})$.

17. На рисунке построены графики уравнений 1) $x + y = 0$ и 2) $x - y = -4$.

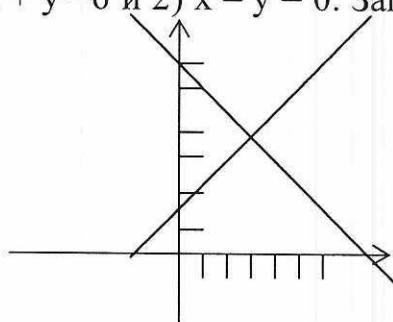
Записать решение системы уравнений: $\begin{cases} x + y = 0; \\ x - y = -4. \end{cases}$



Варианты ответов: а) (0;4); б) (-4;0); в) (0;0); г) (-2;2).

18. На рисунке построены графики уравнений 1) $x + y = 6$ и 2) $x - y = 0$. Записать

решение системы уравнений: $\begin{cases} x + y = 6; \\ x - y = 0. \end{cases}$



Варианты ответов: а) (0;6); б) (6;0); в) (0;0); г) (3;3).

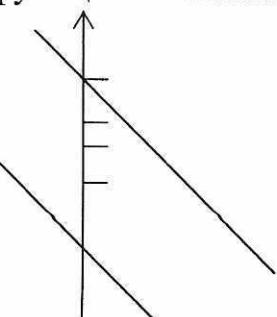
19. Решите систему уравнений $\begin{cases} x + y = 6; \\ 5x - 2y = 9. \end{cases}$

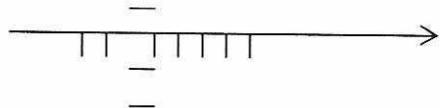
Варианты ответов: а) (0;6); б) (3;3); в) (6; -3); г) (6;0).

20. Решите систему уравнений $\begin{cases} 3x - 2y = 15; \\ x + y = 5. \end{cases}$

Варианты ответов: а) (0;5); б) (2;3); в) (-1; -9); г) (5;0).

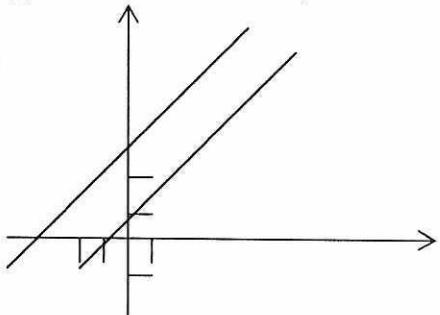
21. Используя графики функций выяснить, сколько решений имеет система уравнений: $\begin{cases} x + y = 5; \\ x + y = -2. \end{cases}$





Варианты ответов: а) 2 решения; б) множество решений; в) не имеет решения; г) 1 решение.

22. Используя графики функций выяснить, сколько решений имеет система уравнений: $\begin{cases} x - y = -2; \\ x - y = 1. \end{cases}$



Варианты ответов: а) 1 решение; б) 2 решения; в) не имеет решения; г) множество решений.

23. Решить систему уравнений и найти квадрат суммы её решений: $\begin{cases} 2x + y = -5; \\ x - 3y = -6. \end{cases}$

Варианты ответов : а) 16; б) 9; в) 25; г) 4.

24. Решить систему уравнений и найти сумму квадратов её решений: $\begin{cases} 2x - y = 1; \\ x + y = -4. \end{cases}$

Варианты ответов : а) 17; б) 10; в) 16; г) 5.

25. При каких значениях x значения функции $y = -x^2 - 2x + 8$ положительны?

Варианты ответов : а) $x \in (-2; 4)$; б) $x \in (-\infty; -2) \cup (4; +\infty)$;
в) $x \in (-\infty; -4) \cup (2; +\infty)$; г) $x \in (-4; 2)$.

26. При каких значениях x значения функции $y = x^2 + 2x - 8$ отрицательны?

Варианты ответов : а) $x \in (-4; 2)$; б) $x \in (-\infty; -2) \cup (4; +\infty)$;
в) $x \in (-\infty; -4) \cup (2; +\infty)$; г) $x \in (-2; 4)$.

27. Решите неравенство: $-x^2 + 9 \geq 0$.

Варианты ответов: а) $x \geq -9$; б) $x \leq 3$; в) $x \leq 9$; г) $-3 \leq x \leq 3$.

28. Решите неравенство: $x^2 - 9 \leq 0$.

Варианты ответов: а) $x \leq 9$; б) $-3 \leq x \leq 3$; в) $x \geq -3$; г) $x \leq 3$.

29. Решить неравенство $-2x^2 + 3x + 5 > 0$.

Варианты ответов: а) $(-\infty; -1) \cup (2,5; +\infty)$; б) $(-\infty; -2,5) \cup (1; +\infty)$;
в) $(-1; 2,5)$; г) $(-2,5; 1)$.

30. Решить неравенство $3x^2 - 2x - 1 < 0$.

Варианты ответов: а) $(-\infty; -\frac{1}{3}) \cup (1; +\infty)$; б) $(-\infty; -1) \cup (\frac{1}{3}; +\infty)$; в) $(-\frac{1}{3}; 1)$; г) $(-1; \frac{1}{3})$.

Список рекомендуемой литературы

1. Н.Х.Агаханов, О.К.Подлипский «Математические олимпиады Московской области»
2. А.В.Столяров «Математика 4-9»
3. Н.Х.Агаханов, О.К.Подлипский «Математика. Районные олимпиады»
4. Н.В.Горбачев «Сборник олимпиадных задач по математике»
5. Богомолов Н.В. Математика / Н.В. Богомолов. – М.: Дрофа. – 2006. – 300 с.
6. Богомолов Н.В. Сборник задач по математике / Н.В. Богомолов. – М.: Дрофа. – 2007. – 320 с.
7. Богомолов Н.В. Практические занятия по математике / Н.В. Богомолов. – М.: Дрофа. – 2007. – 150 с.
8. Баврин И.И. Высшая математика: Учебник для студентов естественно-научных специальностей педагогических вузов / И.И. Баврин. – М.: Издательский центр «Академия». - 2004. – 616 с.
9. Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике: Учебное пособие для втузов / В.П. Минорский. - М.: Издательство Физико-математич. литературы. - 2003. -336 с.
10. Сайт problems.ru